

# Stage LIESSE Python

## Structures de données et algorithmique

Matthieu Moy  
Transparents originaux : Ahmed El Rheddane

Ensimag, Grenoble INP

octobre 2014

# Sommaire

- 1 Programmation multi-fichiers : Imports
- 2 Types des expressions
- 3 Références vs. valeurs
- 4 Structures de données
- 5 Fonctions récursives
- 6 Exercices
- 7 Tri bulle
- 8 Si le temps le permet ...

# Sommaire

- 1 Programmation multi-fichiers : Imports
- 2 Types des expressions
- 3 Références vs. valeurs
- 4 Structures de données
- 5 Fonctions récursives
- 6 Exercices
- 7 Tri bulle
- 8 Si le temps le permet ...

## Programmation multi-fichiers

- Créer un fichier `bonjour.py`, y définir la fonction :

```
def dire_bonjour(nom) :  
    print("Bonjour", nom)
```

- Créer un fichier `principal.py` dans le même répertoire, et écrire le programme :

```
print("Je vais dire bonjour")  
dire_bonjour("à tous")
```

⇒ Ça ne marche pas, Python ne sait pas où trouver la fonction `dire_bonjour`.

- Modifier `principal.py` :

```
import bonjour  
  
print("Je vais dire bonjour")  
bonjour.dire_bonjour("à tous")
```

## Deux façons d'utiliser `import`

- Celui qu'on vient de voir :

```
import bonjour
```

```
# ``La fonction dire_bonjour du module bonjour``  
bonjour.dire_bonjour("à tous")
```

- Petit raccourcis (pratique, mais pas forcément recommandable) :

```
from bonjour import *  
# Ou bien: from bonjour import dire_bonjour
```

```
# ``La fonction dire_bonjour,  
#   là où Python la trouvera``  
dire_bonjour("à tous") # Pas besoin de préciser
```

- Utilisations :

- ▶ structurer un programme
- ▶ réutiliser des bibliothèques

# Petit échauffement

- Combien y a-t-il de zéros dans 2014 factorielle ?

# Petit échauffement

- Combien y a-t-il de zéros dans 2014 factorielle ?
- Faut-il encore recoder la fonction factorielle ?

# Petit échauffement

- Combien y a-t-il de zéros dans 2014 factorielle ?
- Faut-il encore recoder la fonction factorielle ?
  - ▶ Non, on peut la réutiliser si on l'a déjà dans un fichier `.py`, ou utiliser la bibliothèque `math`, qui contient une fonction `factorial`.
- Indice supplémentaire :
  - ▶ Utiliser la fonction `count` des chaînes de caractères



## Solution : combien de zeros dans 2014 !

- Réponse :

```
>>> from math import factorial
>>> str(factorial(2014)).count("0")
964
```

- Des entiers non-bornés !

```
>>> 2 ** 32
4294967296
>>> 2 ** 32 + 1
4294967297
>>> 2 ** 64
18446744073709551616
>>> 2 ** 64 + 1
18446744073709551617
>>> 2 ** 129
680564733841876926926749214863536422912
```

# Sommaire

- 1 Programmation multi-fichiers : Imports
- 2 Types des expressions
- 3 Références vs. valeurs
- 4 Structures de données
- 5 Fonctions récursives
- 6 Exercices
- 7 Tri bulle
- 8 Si le temps le permet ...

# Types en Python

- Toute expression Python a un type :

```
>>> a = [0, 1, 1.]  
>>> type(a)  
<type 'list'>  
>>> type(a[1] + a[2])  
<type 'float'>
```

# Types en Python

- Toute expression Python a un type :

```
>>> a = [0, 1, 1.]
>>> type(a)
<type 'list'>
>>> type(a[1] + a[2])
<type 'float'>
```

- Même une fonction qui ne retourne pas de valeur !

```
>>> def affichage():
...     print("Bonjour")
...
>>> type(affichage())
Bonjour
<type 'NoneType'>
```

# Sommaire

- 1 Programmation multi-fichiers : Imports
- 2 Types des expressions
- 3 Références vs. valeurs**
- 4 Structures de données
- 5 Fonctions récursives
- 6 Exercices
- 7 Tri bulle
- 8 Si le temps le permet ...

# Références en Python (1)

- Considérons les deux listes :

```
>>> a = [0, 1, 1]
```

```
>>> b = [0, 1, 1]
```

- a et b sont-elles égales ?

# Références en Python (1)

- Considérons les deux listes :

```
>>> a = [0, 1, 1]
```

```
>>> b = [0, 1, 1]
```

- a et b sont-elles égales ?

```
>>> a == b
```

```
True
```

## Références en Python (1)

- Considérons les deux listes :

```
>>> a = [0, 1, 1]
```

```
>>> b = [0, 1, 1]
```

- a et b sont-elles égales ?

```
>>> a == b
```

```
True
```

- Pourtant, a et b *réfèrent* deux *objets* différents.

```
>>> a[0] = -1
```

```
>>> b
```

```
[0, 1, 1]
```

- Pour visualiser ça :

<http://pythontutor.com/visualize.html>



## Références en Python (2)

- Pour vérifier l'identité (l'égalité des références), on utilise `is`.

```
>>> a = [0, 1, 1]
```

```
>>> b = [0, 1, 1]
```

```
>>> a is b
```

```
False
```

```
>>> a = b
```

```
>>> a is b
```

```
True
```

## Références en Python (2)

- Pour vérifier l'identité (l'égalité des références), on utilise `is`.

```
>>> a = [0, 1, 1]
```

```
>>> b = [0, 1, 1]
```

```
>>> a is b
```

```
False
```

```
>>> a = b
```

```
>>> a is b
```

```
True
```

- Maintenant que `a` et `b` désignent le même objet :

```
>>> a[0] = -1
```

```
>>> b
```

```
[-1, 1, 1]
```

## Références en Python (3)

- Considérons cet exemple :

```
>>> m = [[0]*2]*2
```

```
>>> m
```

```
[[0, 0], [0, 0]]
```

## Références en Python (3)

- Considérons cet exemple :

```
>>> m = [[0]*2]*2
>>> m
[[0, 0], [0, 0]]
```

- Si, maintenant, on affectait la case (0,0) :

```
>>> m[0][0] = 1
>>> m
[[1, 0], [1, 0]]
```

- ▶ Comment expliquer ça ?

## Références en Python (3)

- Considérons cet exemple :

```
>>> m = [[0]*2]*2
>>> m
[[0, 0], [0, 0]]
```

- Si, maintenant, on affectait la case (0,0) :

```
>>> m[0][0] = 1
>>> m
[[1, 0], [1, 0]]
```

- ▶ Comment expliquer ça ?

- Python va d'abord évaluer l'expression `[[0]*2]`, et comme c'est une liste va utiliser la référence du résultat pour l'opération suivante

# Références et fonctions

- Que font les morceaux de code :

```
def ajoute_un(x) :  
    x = x + 1
```

```
a = 1  
ajoute_un(a)  
print(a)
```

```
def ajoute_un_l(liste) :  
    liste[0] = liste[0] + 1
```

```
li = [1]  
ajoute_un_l(li)  
print(li[0])
```

- Expérimenter sur <http://pythontutor.com/> pour comprendre la différence.
- Du coup, comment faire la fonction `ajoute_un` en Python ?

# Tout est référence, mais ...

- En Python, tout est référence.
- $a = b \Rightarrow a$  et  $b$  représentent le même objet (sémantique de **partage**)
- Mais on ne s'en rend pas compte si  $a$  et  $b$  sont non-mutable ! (e.g. entiers, flottants, chaînes)

# Modification de référence ou modification de valeur ?

- Les deux morceaux de code suivant sont-ils équivalents ?

```
liste1 = [1, 2, 3]
liste1.append(42)
```

```
liste2 = [1, 2, 3]
liste2 = liste2 + [42]
```

- Utiliser l'opérateur `is` et/ou <http://pythontutor.com/> pour comprendre.



# Sommaire

- 1 Programmation multi-fichiers : Imports
- 2 Types des expressions
- 3 Références vs. valeurs
- 4 Structures de données**
- 5 Fonctions récursives
- 6 Exercices
- 7 Tri bulle
- 8 Si le temps le permet ...

# Structures de données (1)

- Les listes :

- ▶ Peuvent contenir des éléments de types différents.
- ▶ Peuvent être modifiées.

```
>>> l = [0, 1, 1., "deux"]
```

```
>>> l.append(True)
```

```
>>> l
```

```
[0, 1, 1., 'deux', True]
```

# Structures de données (1)

## ● Les listes :

- ▶ Peuvent contenir des éléments de types différents.
- ▶ Peuvent être modifiées.

```
>>> l = [0, 1, 1., "deux"]
>>> l.append(True)
>>> l
[0, 1, 1., 'deux', True]
```

## ● Les tuples :

- ▶ Ne peuvent être modifiés.
- ▶ Utiles pour les affectations.

```
>>> t = (0, 1, 1)
>>> a = t[0]; b = t[1]; c = t[2]
>>> (a, b, c) = (0, 1, 1)
>>> a, b, c = 0, 1, 1
```

## Structures de données (2)

- Les ensembles :

- ▶ Des listes non ordonnées.
- ▶ Ne contiennent pas de doublons.

```
>>> set(["zero", 1, 1, "deux"])  
set([1, 'zero', 'deux'])
```

## Structures de données (2)

### ● Les ensembles :

- ▶ Des listes non ordonnées.
- ▶ Ne contiennent pas de doublons.

```
>>> set(["zero", 1, 1, "deux"])
set([1, 'zero', 'deux'])
```

### ● Les dictionnaires

- ▶ Associent des valeurs à des clés.
- ▶ les clés doivent être de type non modifiable.

```
>>> d = {}
>>> d["cle1"] = "valeur1"
>>> d["cle2"] = "valeur2"
>>> d["cle1"]
'valeur1'
>>> d
{'cle1': 'valeur1', 'cle2': 'valeur2'}
>>> "cle3" in d
False
```

# Sommaire

- 1 Programmation multi-fichiers : Imports
- 2 Types des expressions
- 3 Références vs. valeurs
- 4 Structures de données
- 5 Fonctions récursives**
- 6 Exercices
- 7 Tri bulle
- 8 Si le temps le permet ...

# Fonctions récursives

- Fonction récursive : fonction qui se rappelle elle-même.
- Attention à la condition d'arrêt !

```
def fact(n) :  
    if n <= 1 :  
        # condition d'arrêt  
        return 1  
    else :  
        # appel récursif  
        return n * fact(n - 1)
```

# Sommaire

- 1 Programmation multi-fichiers : Imports
- 2 Types des expressions
- 3 Références vs. valeurs
- 4 Structures de données
- 5 Fonctions récursives
- 6 Exercices**
- 7 Tri bulle
- 8 Si le temps le permet ...



## Ex. 1 : Fibonacci itérative

- Implémentez une fonction `fib2(n)` itérative qui retourne pour chaque  $n$ ,  $F_n$  tel que :
  - ▶  $F_0 = 0$ .
  - ▶  $F_1 = 1$ .
  - ▶  $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$  pour tout  $n > 1$ .
- Indices :
  - ▶ Traitez les cas particuliers à part.
  - ▶ Calculez les  $F_2, F_3, \dots, F_n$  successivement.

## Ex. 1 : Solution

```
def fib1(n):  
    if n == 0:  
        return 0  
    if n == 1:  
        return 1  
    a = 0  
    b = 1  
    for i in range(1, n):  
        a, b = b, b + a  
  
    return b
```

- On dit que le coût de cette fonction est *linéaire* (ou  $O(n)$ <sup>1</sup>).

1. Oui, le même qu'en maths !

## Ex. 2 : Fibonacci récursive

- Implémentez maintenant la fonction `fib2(n)`, la version récursive de `fib1(n)`.
- Indice :
  - ▶ N'oubliez pas les conditions d'arrêts !
- Combien de fois appelle-t-on `fib2(0)` pour calculer `fib2(n)` ?

## Ex. 2 : Solution

```
def fib2(n):  
    if n == 0:  
        return 0  
    if n == 1:  
        return 1  
    return fib2(n - 1) + fib2(n - 2)
```

- On dit que le coût de cette fonction est *exponentiel* ( $O(2^n)$ ).

# Sommaire

- 1 Programmation multi-fichiers : Imports
- 2 Types des expressions
- 3 Références vs. valeurs
- 4 Structures de données
- 5 Fonctions récursives
- 6 Exercices
- 7 **Tri bulle**
- 8 Si le temps le permet ...

# Trier une liste

- Entrée : [1, 3, 2, 5, 4, -2]
- Sortie : [-2, 1, 2, 3, 4, 5]
- Beaucoup d'algorithmes ( $\approx 65$  sur wikipedia)
- Premier exemple : tri bulle
  - ▶ Parcourir le tableau
  - ▶ Pour chaque paire d'éléments consécutifs dans le mauvais ordre, inverser les deux.
  - ▶ Recommencer autant de fois que nécessaire

## Tri Bulle : une solution (très naive)

```
def tri_bulle(liste):
    done = False
    while not done:
        done = True
        for i in range(len(liste) - 1):
            if liste[i] > liste[i + 1]:
                done = False
                liste[i], liste[i + 1] = \
                    liste[i + 1], liste[i]
    return liste

print(tri_bulle([1, 3, 2, 5, 4, -2]))
```

- Combien d'opérations ?
- Comment améliorer ?

# Sommaire

- 1 Programmation multi-fichiers : Imports
- 2 Types des expressions
- 3 Références vs. valeurs
- 4 Structures de données
- 5 Fonctions récursives
- 6 Exercices
- 7 Tri bulle
- 8 Si le temps le permet ...



## Ex. 3 : Récursivité améliorée

- Il se trouve que :
  - ▶  $F_{2n-1} = F_n^2 + F_{n-1}^2$ .
  - ▶  $F_{2n} = (2F_{n-1} + F_n)F_n$ .
- Utilisez ces formules pour implémenter `fib3(n)`, une version récursive améliorée de Fibonacci.
- Indices :
  - ▶ L'opérateur modulo en Python est `%`.
- En quoi cette version est-elle meilleure que `fib2(n)` ?

## Ex. 3 : Solution

```
def fib3(n):
    if n == 0:
        return 0
    if n == 1:
        return 1
    if n % 2 == 0:
        a = fib3(n // 2)
        b = fib3(n // 2 - 1)
        return (2 * b + a) * a
    else:
        a = fib3((n + 1) // 2)
        b = fib3((n + 1) // 2 - 1)
        return a ** 2 + b ** 2
```

## Ex. 4 : Fibonacci ultime !

- Au tour de la mémoïsation :
  - ▶ sauvegarder les résultats (dans un dictionnaire), afin d'éviter les calculs redondants.
- Implémentez la fonction `fib4(n, dico)`, sur la base de `fib3(n)` et du principe de mémoïsation.
- Indices :
  - ▶ Avant de retourner un résultat, pensez à l'insérer dans le dictionnaire.
  - ▶ Avant de calculer un résultat, vérifiez s'il n'est pas déjà dans le dictionnaire.
- Cette fonction est de coût *logarithmique*, coût optimal pour le calcul de Fibonacci.

## Ex. 4 : Solution

```
def fib4(n, d):
    if n in d:
        return d[n]
    if n <= 1:
        d[n] = n; return n
    if n % 2 == 0:
        a = fib4(n // 2, d)
        b = fib4(n // 2 - 1, d)
        r = (2 * b + a) * a
        d[n] = r
        return r
    a = fib4((n + 1) // 2, d)
    b = fib4((n + 1) // 2 - 1, d)
    r = a ** 2 + b ** 2
    d[n] = r; return r
```